

Prof. Dr. Alfred Toth

Gibt es Lücken der Realitätstestung von Zeichenklassen durch Realitätsthematiken?

1. Der semiotische Satz, wonach jede Zeichenklasse mit ihrer Realitätsthematik in mindestens 1 und maximal 3 Subzeichen zusammenhängt, kann anhand der folgenden Liste mühelos verifiziert werden:

- 1 (3.1 2.1 1.1 × 1.1 1.2 1.3)
- 2 (3.1 2.1 1.2 × 2.1 1.2 1.3)
- 3 (3.1 2.1 1.3 × 3.1 1.2 1.3)
- 4 (3.1 2.2 1.2 × 2.1 2.2 1.3)
- 5 (3.1 2.2 1.3 × 3.1 2.2 1.3)
- 6 (3.1 2.3 1.3 × 3.1 3.2 1.3)
- 7 (3.2 2.2 1.2 × 2.1 2.2 2.3)
- 8 (3.2 2.2 1.3 × 3.1 2.2 2.3)
- 9 (3.2 2.3 1.3 × 3.1 3.2 2.3)
- 10 (3.3 2.3 1.3 × 3.1 3.2 3.3)

2. Wie steht es aber mit den Zusammenhängen zwischen den Zeichenklassen bzw. zwischen den Realitätsthematiken? Wenn wir uns auf Paare beschränken, so geben in der folgenden Zusammenstellung die Ziffern 0 die Zusammenhangslosigkeit an:

$1/2 = 2; 1/3 = 2; 1/4 = 1; 1/5 = 1; 1/6 = 1; 1/7 = 0; 1/8 = 0; 1/9 = 0; 1/10 = 0$
 $2/3 = 2; 2/4 = 2; 2/5 = 1; 2/6 = 1; 2/7 = 1; 2/8 = 0; 2/9 = 0; 2/10 = 0$
 $3/4 = 1; 3/5 = 2; 3/6 = 2; 3/7 = 0; 3/8 = 1; 3/9 = 1; 3/10 = 1$
 $4/5 = 2; 4/6 = 1; 4/7 = 2; 4/8 = 1; 4/9 = 0; 4/10 = 0$
 $5/6 = 2; 5/7 = 1; 5/8 = 2; 5/9 = 1; 5/10 = 1$
 $6/7 = 0; 6/8 = 1; 6/9 = 2; 6/10 = 2$
 $7/8 = 2; 7/9 = 1; 7/10 = 0$
 $8/9 = 2; 8/10 = 1$
 $9/10 = 2$

Es handelt sich somit um die folgende 12 Fälle:

$1/7 = 0$ (3.1 2.1 1.1 / 2.1 2.2 2.3)
 $1/8 = 0$ (3.1 2.1 1.1 / 3.1 2.2 2.3)

$$\begin{aligned}
1/9 &= 1 && (\underline{3.1} \ 2.1 \ 1.1 / \underline{3.1} \ 3.2 \ 2.3) \\
1/10 &= && (\underline{3.1} \ 2.1 \ 1.1 / \underline{3.1} \ 3.2 \ 3.3) \\
2/8 &= && (\underline{3.1} \ 2.1 \ 1.2 / \underline{3.1} \ 2.2 \ 2.3) \\
2/9 &= && (\underline{3.1} \ 2.1 \ 1.2 / \underline{3.1} \ 3.2 \ 2.3) \\
2/10 &= && (\underline{3.1} \ 2.1 \ 1.2 / \underline{3.1} \ 3.2 \ 3.3) \\
3/7 &= && (3.1 \ \underline{2.1} \ 1.3 / \underline{2.1} \ 2.2 \ 2.3) \\
4/9 &= && (\underline{3.1} \ 2.2 \ 1.2 / \underline{3.1} \ 3.2 \ 2.3) \\
4/10 &= && (\underline{3.1} \ 2.2 \ 1.2 / \underline{3.1} \ 3.2 \ 3.3) \\
6/7 &= && (3.1 \ \underline{2.3} \ 1.3 / 2.1 \ 2.2 \ \underline{2.3}) \\
7/10 &= && (\underline{3.2} \ 2.2 \ 1.2 / 3.1 \ \underline{3.2} \ 3.3)
\end{aligned}$$

Wie man sofort sieht, gilt also der folgende

Satz 1: Während nicht alle Zeichenklassen n-Tupel-weise miteinander zusammenhängen, hängen alle Realitätsthematiken n-Tupel-weise miteinander zusammen.

Beachte, dass der Spezialfall, dass eine Zeichenklasse und Realitätsthematik derselben Stufe immer miteinander zusammenhängen, in dem folgenden Satz aus Toth (2010) festgehalten wurde:

Satz 2: Jede Zeichenklasse kann durch mindestens 1 und maximal 3 Subzeichen mit ihrer zugehörigen Realitätsthematik getestet werden.

Ebenfalls nach Toth (2010) gelten weiter folgende Sätze:

Satz 3: Zeichenzusammenhänge können im Verband des Peirceschen Zehnersystem durch die zugehörigen Realitätsthematiken ihrer Zeichenklassen dadurch getestet werden, dass die Realitätsthematik der Verbandsstufe (n) in mindestens 1 und maximal 2 Subzeichen mit der Zeichenthematik der Verbandsstufe (n+1) zusammenhängt.

Satz 4: In Paaren von Zeichenzusammenhängen gibt es immer mindestens 1 (und maximal 3) Subzeichen, an deren Hand die Zeichenklassen an ihren zugehörigen Realitätsthematiken getestet werden können.

Lemma 1: In n-Tupeln von Zeichenzusammenhängen gibt es genau so viele Subzeichen, an deren Hand eine Zeichenklasse der Stufe (n+1) durch eine Realitätsthematik der Stufe (n) getestet werden kann wie Subzeichen, an deren Hand eine Zeichenklasse der Stufe n durch eine Realitätsthematik der Stufe (n+1) getestet werden kann.

Bibliographie

Toth, Alfred, Der Zusammenhang der Zeichenklassen mit Realitätstestung. In:
Electronic Journal of Mathematical Semiotics (erscheint, 2010)

11.1.2010