

Prof. Dr. Alfred Toth

Präsemiotische Realitätsthematiken?

1. In Toth (2009) wurde die bereits in Toth (2008) eingeführte präsemiotische Zeichenrelation

$$ZR^* = (3.a \ 2.b \ 1.c \ 0.d)$$

behandelt und darauf hingewiesen, dass in ZR^* das präsentierte kategoriale Objekt O° bzw. die fundamentalkategoriale Nullheit bzw. der modalsemiotische “Gegenstand” (G) in die repräsentative Peircesche triadische Zeichenrelation ZR eingebettet wurde. Aufgrund der asymmetrischen präsemiotischen 4×3 -Matrix

$$\begin{pmatrix} 0.1 & 0.2 & 0.3 \\ 1.1 & 1.2 & 1.3 \\ 2.1 & 2.2 & 2.3 \\ 3.1 & 3.2 & 3.3 \end{pmatrix}$$

folgt, dass die den Subzeichen der ersten Zeile korrespondierenden konversen Subzeichen (1.0), (2.0), (3.0) fehlen. Daraus folgt wiederum, dass es im Grunde keine Realitätsthematiken geben kann, die aus den über ZR^* konstruierten Zeichenklassen dualisiert werden können.

2. (0.1), (0.2) und (0.3) sind im Sinne von Bense (1975, S. 65 f.) “nullrelationale” Kategorien, d.h. disponible Objekte oder präsemiotische “Substrate” (1975, S. 45 f.). Würde man also eine präsemiotische Zeichenklasse nehmen, z.B.

$$(3.1 \ 2.1 \ 1.2 \ 0.3)$$

und sie dualisieren

$$\times(3.1 \ 2.1 \ 1.2 \ 0.3) = (3.0 \ 2.1 \ 1.2 \ 1.3),$$

so wäre nicht klar, was das duale Gegenstück einer 0-relationalen Kategorie ist. Falls die Dualisation hier überhaupt sinnvoll ist, dann wäre eine Kategorie wohl invariant, und falls die korrekt ist, bekommen wir folgendes präsemiotisches Pseudo-Dualsystem, in deren Realitätsthematiken nur die eingebetteten triadisch-trichotomischen Relationen konvertiert sind:

$$\begin{array}{l}
 (3.1 \ 2.1 \ 1.1 \ 0.1) = (\begin{array}{|c} 0.1 \\ 0.2 \\ 0.3 \end{array} \ 1.1 \ 1.2 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.1 \ 1.1 \ 0.2) = (\begin{array}{|c} 0.2 \\ 0.2 \\ 0.3 \end{array} \ 1.1 \ 1.2 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.1 \ 1.1 \ 0.3) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.2 \\ 0.3 \end{array} \ 1.1 \ 1.2 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.1 \ 1.2 \ 0.2) = (\begin{array}{|c} 0.2 \\ 0.2 \\ 0.3 \end{array} \ 2.1 \ 1.2 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.1 \ 1.2 \ 0.3) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.2 \\ 0.3 \end{array} \ 2.1 \ 1.2 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.1 \ 1.3 \ 0.3) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.3 \\ 0.3 \end{array} \ 3.1 \ 1.2 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.2 \ 1.2 \ 0.2) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.3 \\ 0.3 \end{array} \ 3.1 \ 1.2 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.2 \ 1.2 \ 0.3) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.3 \\ 0.3 \end{array} \ 2.1 \ 2.2 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.2 \ 1.3 \ 0.3) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.3 \\ 0.3 \end{array} \ 3.1 \ 2.2 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.3 \ 1.3 \ 0.3) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.3 \\ 0.3 \end{array} \ 3.1 \ 3.2 \ 1.3) \\
 (3.2 \ 2.2 \ 1.2 \ 0.2) = (\begin{array}{|c} 0.2 \\ 0.3 \\ 0.3 \end{array} \ 2.1 \ 2.2 \ 2.3) \\
 (3.2 \ 2.2 \ 1.2 \ 0.3) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.3 \\ 0.3 \end{array} \ 2.1 \ 2.2 \ 2.3) \\
 (3.2 \ 2.2 \ 1.3 \ 0.3) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.3 \\ 0.3 \end{array} \ 3.1 \ 2.2 \ 2.3) \\
 (3.2 \ 2.3 \ 1.3 \ 0.3) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.3 \\ 0.3 \end{array} \ 3.1 \ 3.2 \ 2.3) \\
 (3.3 \ 2.3 \ 1.3 \ 0.3) = (\begin{array}{|c} 0.3 \\ 0.3 \\ 0.3 \end{array} \ 3.1 \ 3.2 \ 3.3)
 \end{array}$$

Allerdings ist wegen der relationalen Ungebundenheit der 0-relationalen Kategorien auch deren Position sowohl innerhalb von Zeichenklassen als auch Realitätsthematiken frei, so dass sich 4 Stellungs­möglichkeiten ergeben:

$$\begin{array}{l}
 (0.3 \ 3.1 \ 2.1 \ 1.2) \times (2.1 \ 1.2 \ 1.3 \ 0.3) \\
 (3.1 \ 0.3 \ 2.1 \ 1.2) \times (2.1 \ 1.2 \ 0.3 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.1 \ 0.3 \ 1.2) \times (2.1 \ 0.3 \ 1.2 \ 1.3) \\
 (3.1 \ 2.1 \ 1.2 \ 0.3) \times (0.3 \ 2.1 \ 1.2 \ 1.3)
 \end{array}$$

3. Anders als bei Relationen ist es allerdings möglich, auch Kategorien natürlich mit Hilfe der semiotischen Kategori­theorie (vgl. Toth 2008, S. 177 ff.) formal präzise zu erfassen. Weil sich 4 Stellungs­möglichkeit der Nullheit für jede der 15 präsemiotischen Zeichenklassen bzw. "Realitätsthematiken" ergeben, führt dies zum umfangreichen Apparat von 120 natürlichen Transformationen. Die

allgemeinen semiotisch-kategoriethoretischen Strukturen sind für die zweimal 4 Grundstellungen:

$$\begin{aligned}
(0.d \ 3.a \ 2.b \ 1.c) &\rightarrow [[(0.3), (d.a)], [(3.2), (a.b)], [(2.1), (b.c)]] \rightarrow \\
&[[\gamma\delta, (d.a)], [\beta^\circ, (a.b)], [\alpha^\circ, (b.c)]] \\
(3.a \ 0.d \ 2.b \ 1.c) &\rightarrow [[(3.0), (a.d)], [(0.2), (d.b)], [(2.1), (b.c)]] \rightarrow \\
&[[\gamma\delta, (a.d)], [\delta^\circ, (d.b)], [\alpha^\circ, (b.c)]] \\
(3.a \ 2.b \ 0.d \ 1.c) &\rightarrow [[(3.2), (a.b)], [(2.0), (b.d)], [(0.1), (d.c)]] \rightarrow \\
&[[\beta^\circ, (a.b)], [(\delta^\circ), (b.d)], [\gamma^\circ, (d.c)]] \\
(3.a \ 2.b \ 1.c \ 0.d) &\rightarrow [[(3.2), (a.b)], [(2.1), (b.c)], [(1.0), (c.d)]] \rightarrow \\
&[[\beta^\circ, (a.b)], [\alpha^\circ, (b.c)], [\gamma^\circ, (c.d)]] \\
(c.1 \ b.2 \ a.3 \ 0.d) &\rightarrow [[(c.b), (1.2)], [(b.a), (2.3)], [(a.0), (3.d)]] \rightarrow \\
&[[c.b), \alpha], [(b.a), \beta], [(a.0), (3.d)]] \\
(c.1 \ b.2 \ 0.d \ a.3) &\rightarrow [[(c.b), (1.2)], [(b.0), (2.d)], [(0.a), (d.3)]] \rightarrow \\
&[[c.b), \alpha], [(b.0), (2.d)], [(0.a), (d.3)]] \\
(c.1 \ 0.d \ b.2 \ a.3) &\rightarrow [[(c.0), (1.d)], [(0.b), (d.2)], [(b.a), (2.3)]] \rightarrow \\
&[[c.0), (1.d)], [(0.b), (d.2)], [(b.a), \beta]] \\
(0.d \ c.1 \ b.2 \ a.3) &\rightarrow [[(0.c), (d.1)], [(c.b), (1.2)], [(b.a), (2.3)]] \rightarrow \\
&[[0.c), (d.1)], [(c.b), (1.2)], [(b.a), \beta]]
\end{aligned}$$

Wie man erkennt, treten wegen der dynamischen Morphismen, die der Verschachteltheit der Relationen (Monaden, Dyaden und Triaden in Tetraden) Rechnung tragen, trotz ihrer Elimination aus den Realitätsthematiken wieder die nicht-definierten und nicht-definierbaren konversen nullheitlich-trichotomischen Subzeichen (1.0), (2.0) und (3.0) auf. Bis auf weitere Lösung des Problem wurden sie hier durch γ° und δ° wiedergegeben (da der komponentierte präsemiotische Morphismus $\gamma^\circ\delta^\circ$ fehlt), aber dies ist nach dem zuvor Gesagten natürlich nur als eine Schreibkonvention aufzufassen.

Bibliographie

Bense, Max, Semiotische Prozesse und Systeme. Baden-Baden 1975

Toth, Alfred, Semiotics and Pre-Semiotics. 2 Bde. Klagenfurt 2008

Toth, Alfred, Mitführung in der Präsemiotik. In: Electronic Journal for
Mathematical Semiotics (erscheint, 2009)

6.7.2009